

# 気体の三法則

トミー@物理のかぎプロジェクト

2006-1-17

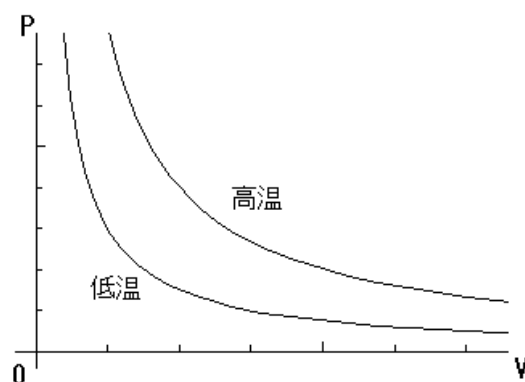
ここでは、熱力学において最も基本となる、気体の三法則（ボイルの法則、シャルルの法則、ボイル-シャルルの法則）について説明します。

## ボイルの法則

1662年、ボイル (Robert Boyle) は、温度を一定にした時 圧力を加えて空気の体積を測ると圧力と空気の体積とが互いに反比例することをつきとめました。その後、空気以外の体積でも、この関係が成り立つことが確かめられました。この法則は、気体の圧力を  $P$ 、気体の体積を  $V$  とすると、

$$PV = \text{Const.} \quad (1)$$

と表すことができます (ただし  $\text{Const.}$  は、定数 (Constant) を表しています)。これを ボイルの法則 (Boyle's law) といいます。式 (1) をグラフで表したものが下図です。



図で表すと、関数が温度によって一意に決定されていることがよくわかります。つまりボイルの法則は温度を一定にした時に成り立つ、ということが重要なのです。忘れないでください。

## シャルルの法則

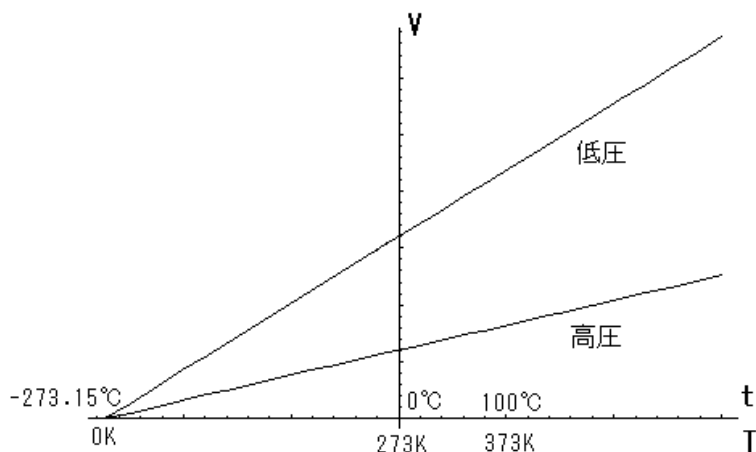
1787年、シャルル (Jacques A.C. Charles) は、圧力を一定にした時 気体の温度による膨張の張り合い (膨張率) が気体によらず一定であることを発見しました\*1。詳しい測定が行われた結果、0 の時、及び  $t$  の時の気体の体積をそれぞれ  $V_0, V$  とすると、膨張の割合は

$$\frac{V - V_0}{V_0 t} = \frac{1}{273.15} \quad (2)$$

であることがわかりました。式 (2) を書き改めると、

$$V = V_0 \left( 1 + \frac{t}{273.15} \right) \quad (3)$$

となります。これを シャルルの法則 (Charles's law) といいます。式 (3) をグラフで表したものが下図です。



ここで、式 (3) に **絶対温度** を導入してみましょう。絶対温度を  $T$  K で表すと、 $t$  と  $T$  の間には

$$T = 273.15 + t \quad (4)$$

の関係が成り立つので、式 (3) に式 (4) を代入すると、

$$\begin{aligned} V &= V_0 \left( \frac{273.15 + t}{273.15} \right) \\ &= V_0 \frac{T}{273.15} \end{aligned}$$

となります。これを少し変形すると、

$$\frac{V}{T} = \frac{V_0}{273.15} \quad (5)$$

になります。  $V_0$  は気体の物質質量と一定に保っている圧力によって定まる値ですから、定数と見なすことができます。つまり式 (5) は

$$\frac{V}{T} = \text{Const.} \quad (6)$$

と書くことができるわけです。式 (6) を見て、ピンときた方がいらっしゃるでしょう。そう、これは高校の化学の教科書で見かけるシャルルの法則そのものです。式 (3) と式 (6) を見比べてみると、式 (6) がいかにシンプルで美しいか、お分かりいただけるとと思います。絶対温度を導入したことで、こんなにわかりやすくなるのですね！

シャルルの法則は 圧力を一定にした時に成り立つ、ということが重要です。忘れないでください。

## ボイル-シャルルの法則

ボイルの法則とシャルルの法則、両者を用いると、気体の圧力と体積と温度の間に成り立つ関係式

$$PV = RT \quad (7)$$

を導くことができます\*<sup>2</sup>。これをボイル-シャルルの法則といいます。ここで  $R$  は定数です。ここではこの  $R$  について詳しくお話しませんが、**気体定数** と呼ばれている定数のことです。

実はこの世に実在する気体は、式 (7) を完全に満たすわけではありません。そこでこの法則が成り立つ気体を仮想します。これを **理想気体** (ideal gas) あるいは **完全気体** (perfect gas) といいます。理想気体は絶対温度と密接な関係があります。また、熱力学において非常に重要な役割を果たします。ここではとりあえず、「そういう気体があるのだな」と頭の片隅に入れておいてください。

\*<sup>1</sup> シャルルのこの研究は、シャルル自身によって発表されることはありませんでした。1802年にガイ・リュサック (Joseph L. Gay-Lussac) がこの法則を再発見しました。

\*<sup>2</sup> 導出方法を詳しく知りたい方は、関連記事 [ボイル-シャルルの法則の導出](#) をご覧ください。