

熱力学第 2 法則

クロメル@物理のかぎプロジェクト

2010-01-10

エントロピー増大の法則について書きます。エネルギーとは何かと聞かれると弱いです (^_^;)

熱流とエントロピー

系が熱流 $d'Q$ を受け取るとき、エントロピー S は、下の分だけ増加します。

$$dS = \frac{d'Q}{T} \quad (1)$$

これが、エントロピーの定義です。

エントロピーと温度

上の式は次のように変形できます。両辺を $d'Q$ で割って、 $d'Q$ をエネルギー dE で置き換えるのです*1。添え字の V は系の体積を表し、系が外部からされる仕事 $d'W = -pdV$ をされないし、外に仕事もしない変化に関する微分を表します。

$$\left(\frac{dS}{dE}\right)_V = \frac{1}{T} \quad (2)$$

基本的な仮定として、熱(エネルギー)は温度が自発的には高いところから低いところに流れ、逆は起こりません。実はこれがあの有名な熱力学第二法則です。

系 A と系 B

ここで、二つの系 A, B が接触していて熱のやり取りができる以外は断熱されている系を考えます。系の温度は以下のように B より A の方が高いとします。

$$\frac{1}{T_A} = \left(\frac{dS_A}{dE}\right)_V < \frac{1}{T_B} = \left(\frac{dS_B}{dE}\right)_V \quad (3)$$

*1 今、熱力学第一法則より、 $dE = d'Q + d'W$ であり、等積変形を考えるので $d'W = 0$ よって、 $dE = d'Q$ です。

とすると、熱 $d'Q$ は温度 T が高い A から、低い B へ流れます。

すると、示量変数^{*2}であるエントロピーは足すことができるので、系全体のエントロピーは、以下のよう増加します。ただし、 $d'Q > 0$ です。

$$\begin{aligned}\Delta S_{\text{total}} &= \left(\frac{dS_B}{dE}\right)_V d'Q - \left(\frac{dS_A}{dE}\right)_V d'Q \\ &= \left(\frac{1}{T_B} - \frac{1}{T_A}\right) d'Q \\ &> 0\end{aligned}\tag{4}$$

これが有名なエントロピー増大の法則です。断熱系において、熱は温度の高いところから低いところへ流れる不可逆変化をする時、全体としてのエントロピーが増大するということを言っているのです。エントロピー増大の法則は、概念の広い法則で熱力学第二法則を含みます^{*3}。

それでは今日はこの辺で。

^{*2} 示量変数とは系の大きさが倍になったときに同様に倍になる変数を表し、示強変数とは、系の大きさが倍になっても値が変わらない変数のことを言います。前者の例は、体積 V やエントロピー S が、後者の例は、圧力 P や温度 T があります。

^{*3} 熱力学においては、「混合」という不可逆変化のエントロピー増大則というものもあります。